

Cours 2 : Programmation en Python

Lycée Fénélon

BCPST1

Environnement de développement Python

Programmation en python

Plan

Types, opérateurs, variables, expressions

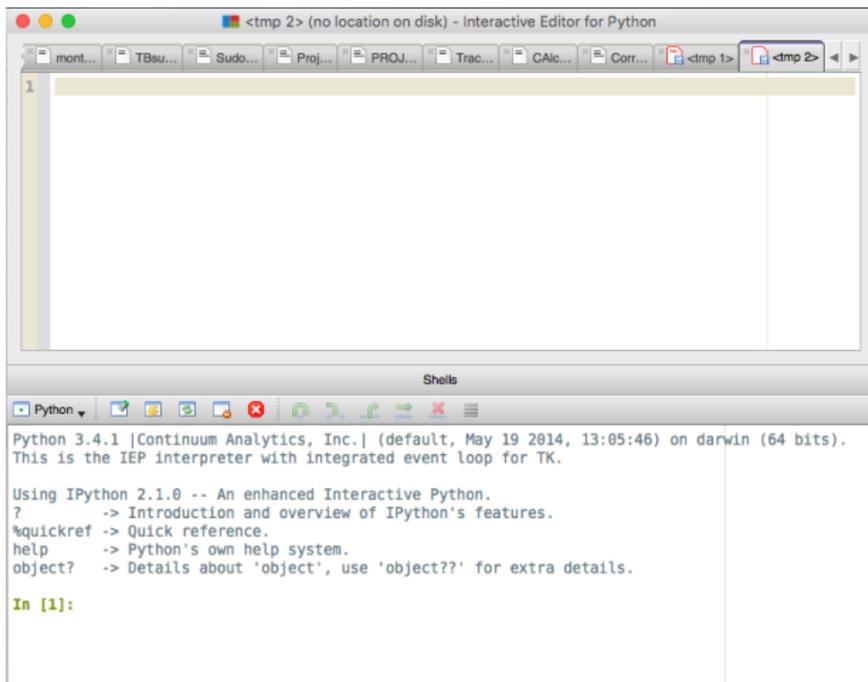
Fonctions

Structures de contrôle

Ecrire un programme python

On écrit un programme à l'aide d'un **environnement de développement**, ou E.D.I. ; c'est un logiciel qui permet de saisir, modifier, sauvegarder, exécuter un programme.

Par exemple le logiciel **pyzo** :



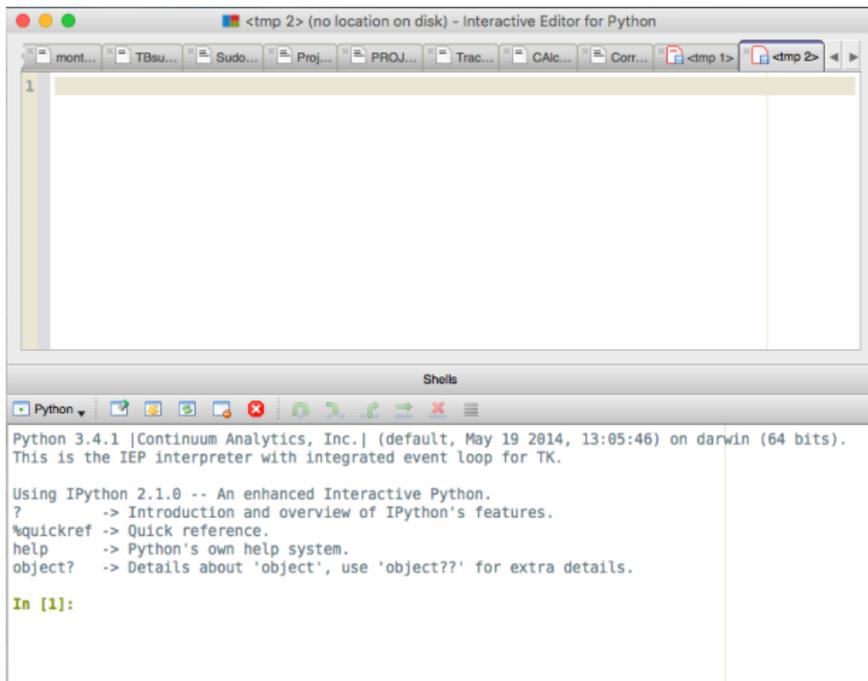
```
Python 3.4.1 |Continuum Analytics, Inc.| (default, May 19 2014, 13:05:46) on darwin (64 bits).
This is the IEP interpreter with integrated event loop for TK.

Using IPython 2.1.0 -- An enhanced Interactive Python.
?          -> Introduction and overview of IPython's features.
%quickref  -> Quick reference.
help       -> Python's own help system.
object?    -> Details about 'object', use 'object??' for extra details.

In [1]:
```

Ecrire un programme python

- En haut la fenêtre "éditeur" où l'on tape le code avant de l'interpréter.
- En bas la fenêtre "shell" où l'on saisit des commandes, où l'on interagit avec le programme, et où s'affichent les résultats.



Bases de programmation

I) Types, opérateurs, variables, expressions

- Données numériques
 - Types de données numériques
 - Opérateurs arithmétiques
- Booléens
 - Opérateurs de comparaison
 - Type booléen
 - Opérateurs logiques
- Séquences : chaînes de caractères et listes
 - Type chaînes de caractères
 - Type liste
 - Opérateurs de concaténation et de duplication
- Variables, expressions
 - Variables
 - Affectation
 - Expressions

Bases de programmation

II) Fonctions

- Fonctions mathématiques
 - Le module `math`
 - Fonctions mathématiques prédéfinies
- Fonctions d'entrée et sortie
 - Fonction de sortie : `print()`
 - Fonction d'entrée : `input()`
- Fonctions de conversion
 - conversion de type : `int()`, `float()`, etc.
- Définition de fonction
 - `def` et `return`
 - Variable locale et variable globale

III) Contrôle du flux d'exécution

- Branchement conditionnel `if ... else`
- Boucle `for`
- Boucle `while`
- Branchement multiple `if ... elif ... else`

Données numériques : types numériques

- Les données numériques peuvent être de trois **types** :
 - entiers (relatifs), (type `int`),
 - nombres à virgule (flottante), (type `float`), et
 - nombres complexes (type `complex`).

Type	Nombres	Exemples
<code>int</code>	Entiers relatifs	0, 1, 2, ..., -1, -2, ...
<code>float</code>	Nombres à virgule	0.1, 1.25, -2.3, 1e10 ...
<code>complex</code>	Nombres complexes	1j, 1+2j, 2+1.5j, ...

Données numériques : opérateurs arithmétiques

- On peut leur appliquer les opérateurs arithmétiques suivants :

+	Addition
-	Soustraction et signe
*	Multiplication
/	Division
**	Puissance

- les entiers admettent aussi les opérateurs de division euclidienne :

//	Quotient de la division euclidienne
%	Reste de la division euclidienne

- Module, partie réelle et imaginaire d'un complexe :
 - La fonction `abs()` renvoie le module de son argument.
 - Si `z` est de type complexe, `z.real` et `z.imag` donnent sa partie réelle et sa partie imaginaire ; ce sont des flottants.

Booléens : opérateurs de comparaison

- Ils permettent de comparer deux valeurs ; ils renvoient un booléen True ou False :

Opérateurs de comparaison	
==	égalité (de valeur).
!=	non égalité (de valeur).
<	Strictement inférieur (entiers ou flottants).
>	Strictement supérieur (entiers ou flottants).
<=	Inférieur ou égal (entiers ou flottants).
>=	Supérieur ou égal (entiers ou flottants).

```
>>> 1 == 1.0
True
>>> 1 == 2
False
>>> 1 <= 2.0
True
```

Booléens : Type booléen

- Une donnée de type booléen (`bool`) ne peut prendre que deux valeurs : `True` (vrai) et `False` (faux).

Booléens : opérateurs logiques

- Une donnée de type booléen (bool) ne peut prendre que deux valeurs : True (vrai) et False (faux).
- Les opérateurs prenant en opérande des booléens sont les opérateurs logiques : le résultat sera un booléen.

Opérations logiques	
or	OU logique.
and	ET logique.
not	NON logique.

Exemple.

```
>>> a = 1
>>> a < 1e3 and a > 1e-3
True
>>> 1e-3 < a < 1e3
True
```

 **Astuce.** python accepte la condition `a < b < c`.

Type chaîne de caractères

- Les données de types chaînes de caractères (str) : on les définit par une suite de caractères entre deux délimiteurs " . " ou ' . ' :

```
In [1] : "Bonjour l'univers"
```

Astuce.

Utiliser les délimiteurs " . " pour déclarer une chaîne contenant un apostrophe ' .

Utiliser les délimiteurs ' . ' pour déclarer une chaîne contenant un apostrophe " .

- Des caractères spéciaux :

<code>\n</code>	saut de ligne
<code>\t</code>	tabulation
<code>\b</code>	décalage d'un caractère à gauche
<code>\"</code>	guillemet
<code>\'</code>	apostrophe

Type liste

Les données de type liste (`list`) : une séquence de données entre crochets, séparés par des virgules :

```
>>> [1, 'ab', 1+1j, 2.0]
```

les données peuvent être de type quelconque.

Séquences : concaténation et duplication

Les données de type liste (`list`) : une séquence de données entre crochets, séparés par des virgules :

```
>>> [1, 'ab', 1+1j, 2.0]
```

les données peuvent être de type quelconque.

- Listes et chaînes de caractères sont tous deux des séquences : ils partagent des opérations et comportements communs :

- la fonction `len()` :
 - avec en paramètre une liste, renvoie son nombre d'éléments,
 - avec en paramètre une chaîne de caractères, renvoie son nombre de caractères.
- Opérateurs de concaténation et de duplication :

+	concaténation (en opérandes 2 listes ou 2 chaînes)
*	duplication (en opérandes 1 liste ou 1 chaîne et un entier)

Variables

Une **variable** a :

- un **identifiant** : c'est son nom, qui permet de manipuler la variable. Il peut être constitué de lettres, de chiffres, et du symbole '_', et ne doit pas débiter par un chiffre. Son nom ne doit pas être un mot-clé réservé du langage.
- Un **contenu**, c'est sa valeur.
- Un **type**, c'est celui de sa valeur.

Variables : déclaration et affectation

Une **variable** a :

- un **identifiant** : c'est son nom, qui permet de manipuler la variable. Il peut être constitué de lettres, de chiffres, et du symbole '_', et ne doit pas débuter par un chiffre. Son nom ne doit pas être un mot-clé réservé du langage.
- Un **contenu**, c'est sa valeur.
- Un **type**, c'est celui de sa valeur.
- La **déclaration** d'une variable se fait à l'aide d'une affectation :
`variable = valeur.`
- L'opération principale pour une variable est l'**affectation** représentée par le symbole =. Elle permet de déclarer (c'est à dire définir) une variable, en lui affectant une valeur. Elle permet aussi d'en modifier la valeur.
- Lors d'une affectation l'expression à droite du symbole = est évaluée, avant d'être affectée à la variable figurant à gauche du symbole =.

Variables : affectation ; variantes

- L'instruction : `variable †= expression` est équivalente à l'instruction : `variable = variable † expression` où † désigne n'importe quelle opération : +, -, *, /, //, %, **, etc.
- Python permet en une seule instruction d'affectation ('=') d'affecter plusieurs variables. Les valeurs, à droite de '=', sont affectées membre à membre aux variables, à gauche de '='.

```
>>> a, b = 1, 2
>>> a
1
>>> b
2
```

- Bien noter que durant une affectation multiple les valeurs sont celles avant l'appel de l'instruction. Ainsi l'instruction `a, b = b, a` échange les valeurs des 2 variables a et b.

Expressions

Une expression est tout ce qui est doté d'une valeur.

- Une donnée est une expression.
- Une variable est une expression.
- Si $expr1$ et $expr2$ sont deux expressions et $expr1 \uparrow expr2$ est une opération licite, alors $expr1 \uparrow expr2$ est une expression.
- Si $expr$ est une expression et $\uparrow expr$ est une opération licite, alors $\uparrow expr$ est une expression.
- Si $expr$ est une expression, alors $(expr)$ est une expression.
- Si $expr1, \dots, expr.n$ sont n expressions, f une fonction prenant n paramètres, alors $f(expr1, \dots, expr.n)$, si elle est licite, est une expression.
- Exemple : Voici quelques expressions et leur type :
 - $1+1j$; de type complexe,
 - $3 * "abc"$; de type chaîne de caractères,
 - $\exp(\text{abs}(1+1j)**0.5)$; de type flottant
 - $(a == b) \text{ or } (\log(a) <= 1)$; de type booléen
 - $[1, 2] * 3$; de type liste.

Fonctions mathématiques : le module math

- Les fonctions et constantes mathématiques sont à importer à partir du module `math`; pour importer toute la bibliothèque :

```
from math import *
```

ou pour importer que certaines constantes, fonctions (méthode à privilégier) :

```
from math import pi, cos, sin, tan
```

pour importer la constant `pi` ($\pi \approx 3.1415$) et les fonctions `cos()`, `sin()` et `tan()`; on peut alors les employer, et ce jusqu'au redémarrage de l'interpréteur :

```
In [1]: cos(pi)
Out[1]: -1.0
```

Fonctions mathématiques du module math

- Voici quelques fonctions et constantes utiles du module `math` :

Fonctions et constantes du module math	
<code>pi</code>	le nombre π
<code>e</code>	le nombre $e = \exp(1)$
fonctions mathématiques	
<code>factorial(n)</code>	fonction factorielle : $n \mapsto n!$; n doit être un entier positif
<code>floor(x)</code>	fonction partie entière : $x \mapsto \lfloor x \rfloor$
<code>sqrt(x)</code>	fonction racine carrée $x \mapsto \sqrt{x}$; x doit être ≥ 0
<code>exp(x)</code>	fonction exponentielle : $x \mapsto \exp(x)$
<code>log(x)</code>	fonction logarithme népérien : $x \mapsto \ln(x)$; x doit être > 0
<code>log2(x)</code>	fonction logarithme en base 2 ; x doit être > 0 .
<code>log10(x)</code>	fonction logarithme en base 10.

Fonctions mathématiques du module `math`

- Voici quelques fonctions et constantes utiles du module `math` :

<code>cos(x)</code>	fonction cos ; pour x exprimé en radians
<code>sin(x)</code>	fonction sin ; pour x exprimé en radians
<code>tan(x)</code>	fonction tan ; pour x exprimé en radians
<code>acos(x)</code>	fonction arccos ; retourne un angle en radians ; x doit être compris entre -1 et 1
<code>asin(x)</code>	fonction arcsin ; retourne un angle en radians ; x doit être compris entre -1 et 1
<code>atan(x)</code>	fonction arctan ; retourne un angle en radians

Fonctions d'entrée et sortie : la fonction print()

- La fonction `print()` prend en paramètre une ou plusieurs **expressions** et les affiche dans la console en les séparant d'un espace :

```
In [1] : a = 2
In [2] : print("Le carré de",a,"est",a**2)
Le carré de 2 est 4
```

- La fonction `print()` admet les deux options :

Option	Type	Effet	Par défaut
<code>sep</code>	<code>str</code>	entre deux arguments	<code>" "</code>
<code>end</code>	<code>str</code>	à la fin	<code>"\n"</code>

Exemple :

```
>>> print("Bonjour","le");print("monde")
Bonjour le
monde
>>> print("Bonjour","le",sep='--',end='**');print("monde")
Bonjour--le**monde
```

Fonctions d'entrée et sortie : la fonction `input()`

- La fonction `input()` attend la saisie par l'utilisateur dans la console d'une chaîne de caractère, et retourne la valeur saisie. La chaîne de caractère est saisie sans délimiteurs (apostrophes `'` ou guillemets `"`). La valeur retournée est une chaîne de caractères.

On peut passer à la fonction `input` en argument une expression (en général une chaîne de caractère) qui sera inscrite dans la console là où est attendue la saisie.

Exemple. Où l'utilisateur saisit : ma réponse ;

```
In [1] : ch = input('Saisie : ')
Saisie : ma réponse
In [2] : print('Vous avez saisi :',ch)
Vous avez saisi : ma réponse
```

Fonctions de conversion

- A tout type de donnée correspond une **fonction de conversion** :
- Elle a même nom que le type considéré,
 - elle prend un paramètre, et tente sa conversion dans le type considéré. Elle produit une erreur lorsque ce n'est pas possible.

```
In [1]: a = 1 ; b = '12'
```

```
In [2]: type(a)
```

```
Out[2]: int
```

```
In [3]: type(b)
```

```
Out[3]: str
```

```
In [4]: A = str(a) ; B = int(b) ; C = float(b)
```

```
In [5]: A
```

```
'1'
```

```
In [6]: B
```

```
12
```

```
In [7]: C
```

```
12.0
```

Fonctions de conversion

- Exemple :

```
In [1]: nbr = input('Saisissez un nombre : ')
Saisissez un nombre : 2
In [2]: print('son carré est',nbr**2)
...
TypeError: unsupported operand type(s) for ** or pow():
'str' and 'int'
```

produit une erreur car nbr est de type chaîne de caractère et ne peut pas être élevé au carré.

Par contre :

```
In [2]: print('son carré est',float(nbr)**2)
son carré est 4.0
```

Pour que l'utilisateur saisisse un nombre, il faut utiliser `input` avec une fonction de conversion.

Fonctions de conversion

- Fonctions de conversion :

Type	Fonction de conversion
entier (int)	int()
flottant (float)	float()
complexe (complex)	complex()
booléen (bool)	bool()
chaîne de caractères (str)	str()
liste (list)	list()

Exemples

```
In [1]: list('abcd')
Out[1]: ['a', 'b', 'c', 'd']

In [2]: str([1,2,3])
Out[2]: '[1, 2, 3]'
```

Fonctions de conversion

- Fonctions de conversion :

Type	Fonction de conversion
entier (int)	int()
flottant (float)	float()
complexe (complex)	complex()
booléen (bool)	bool()
chaîne de caractères (str)	str()
liste (list)	list()

Exemples

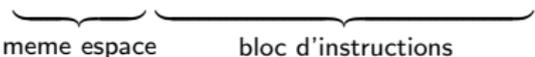
```
In [3]: int("3.14")
...
ValueError: invalid literal for int() with base 10: '3.14'

In [4]: int(float("3.14"))
Out[4]: 3
```

Définition de fonction

On peut définir ses propres fonctions. Pour cela la syntaxe est :

```
def nom_de_la_fonction(paramètres) :  
    ..... Bloc d'instructions  
    ..... return expressions
```



- La première ligne (**entête**) commence par `def` suivi du nom de la fonction, et entre parenthèses, de ses paramètres. La ligne finit par deux points :.
- Les noms de fonctions suivent les mêmes règles que les noms de variables.
- Le bloc de définition de la fonction est décalé d'un même espace.
- L'instruction `return expression` renvoie à celui qui appelle la fonction, le résultat `expression`.

Définition de fonction

Exemple. Fonction `conjugue()` prenant en paramètre un complexe, et renvoie son conjugué :

```
def conjugue(z): # Renvoie le conjugué de son argument
    x = z.real
    y = z.imag
    return x - y*1j
```

L'interprétation définit la fonction ; on peut alors l'utiliser :

```
In [1]: conjugue(1+2j)
Out[1]: (1-2j)
```

Définition d'une fonction renvoyant le module d'un nombre complexe :

```
def module(z): # Renvoie le module de son argument
    z2 = z*conjugue(z)
    mod = z2.real ** 0.5
    return mod
```

Définition de fonction : renvoyer plusieurs expressions

Une fonction peut renvoyer plusieurs expressions.
Pour cela les séparer d'une virgule :

```
def algebrique(z) # renvoie partie réelle et imaginaire
    reel = z.real
    imag = z.imag
    return reel, imag
```

Pour récupérer les deux expressions utiliser une affectation multiple :

```
In [1]: x, y = algebrique(1+2j)
In [2]: x
Out[2]: 1.0
In [3]: y
Out[3]: 2.0
```

Définition de fonction : paramètre optionnel

Parmi les paramètres d'une fonction, on peut définir une ou plusieurs options.

Les paramètres doivent figurer à la fin, et être munis d'une valeur par défaut :

```
from math import log, e

def logarithme(x, base = e) # log (par défaut népérien)
    return log(x)/log(base)
```

La fonction peut être appelée avec ou sans option passée en paramètre :

```
In [1]: logarithme(1000)
Out[1]: 6.907755278982137

In [2]: logarithme(1000, base = 10)
Out[2]: 2.9999999999999996
```

Définition de fonction : variables locale et globale

Une variable déclarée au sein d'une fonction est dite **locale** : elle est définie à l'appel de la fonction et détruite dès la fin de la fonction.

Une variable déclarée hors d'une fonction est dite **globale** : elle est définie à l'interprétation du script et n'est détruite qu'à l'arrêt de l'interpréteur.

On a exécuté le script suivant :

```
x = 1          # variable globale

def f():
    x = 2      # variable locale
    y = 3      # variable locale
    print(x,y)
```

Définition de fonction : variables locale et globale

On a exécuté le script suivant :

```
x = 1          # variable globale

def f():
    x = 2      # variable locale
    y = 3      # variable locale
    print(x,y)
```

puis :

```
In [1]: f()
2 3

In [2]: x
Out[2]: 1

In [3]: y
... NameError : name y is not defined
```

Structures de contrôle

python est un langage de programmation structuré.

Il reconnaît les structures de contrôles :

– un branchement conditionnel SI ... ALORS ... SINON :

```
if ... [else]
```

– un branchement multiple SI ... ALORS ... SINON SI ... SINON :

```
if ... [elif] ... [else]
```

– une structure de boucle TANT QUE ...

```
while ...
```

– une structure de BOUCLE FOR ...

```
for ...
```

sans lesquelles les programmes s'exécuteraient séquentiellement
instruction après instruction.

Branchement conditionnel `if ... else`

`if condition :`

..... Bloc d'Instructions

`else :`

..... Bloc d'instructions

meme espace bloc d'instructions

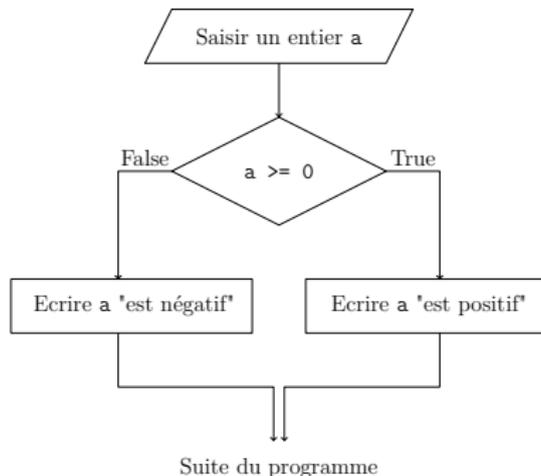
`condition` est une expression booléenne.

- Si elle a valeur `True` le premier bloc d'instruction est exécuté, le deuxième ne l'est pas, puis l'exécution du programme se poursuit.
- Si elle a valeur `False` le deuxième bloc d'instruction est exécuté (le premier ne l'est pas), puis l'exécution du programme se poursuit.

L'instruction `else` est optionnelle.

Branchement conditionnel if ... else

```
a = float(input('Saisissez un nombre'))  
if a >= 0 :  
    print(a, 'est positif')  
else :  
    print(a, 'est négatif')
```



Branchement conditionnel `if ... else`

- Exemple : déterminer si un nombre entier est pair ou impair :

```
def pair(n):  
    if n%2 == 0:  
        return True  
    else:  
        return False
```

```
In [1]: pair(3)  
Out[1]: False  
In [2]: pair(2)  
Out[2]: True
```

```
def impair(n):  
    return not(pair(n))
```

```
In [3]: impair(3)  
Out[3]: True
```

Boucle for

L'instruction `for ... in range(N)` permet de répéter une séquence d'instruction, en boucle, pour une variable qui décrit $0, 1, \dots, N - 1$.

```
for variable in range(N):  
    ..... Instruction1  
    ..... Instruction2  
    ..... :  
    ..... Dernière instruction
```


meme espace bloc d'instructions

Exemple : calcul (et affichage) de la somme des entiers de 0 à 1000 :

```
S = 0  
for k in range(1001):  
    S += k  
print(S)
```

Boucle for

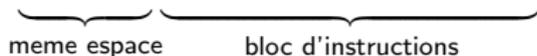
- L'instruction `for ... in range(n,m)` permet de répéter une séquence d'instruction, en boucle, pour une variable allant de n à $m - 1$.

```
for variable in range(n,m):  
    ..... Instruction1  
    ..... :  
    ..... Dernière instruction
```

meme espace bloc d'instructions

- L'instruction `for ... in range(n,m,k)` permet de répéter une séquence d'instruction, pour une variable allant de n à $m - 1$ par pas de k .

```
for variable in range(n,m,k):  
    ..... Instruction1  
    ..... :  
    ..... Dernière instruction
```

meme espace bloc d'instructions

Boucle for

Exemple : calculer la somme des 1000 premiers termes de la suite de Fibonacci :

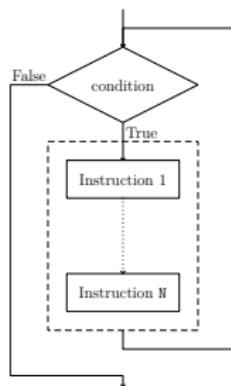
```
N = 1000
u, v = 0, 1
S = u+v
for k in range(N-2):
    u, v = v, u+v
    S += v
print(S)
```

Boucle while

L'instruction : `while condition` : permet de répéter une séquence d'instruction, tant que *condition* est vérifiée.

```
while condition:
    ..... Instruction1
    ..... :
    ..... Dernière instruction
```

En général *condition* est une expression booléenne,
Organigramme d'une boucle while :



Boucle while

Exemple : algorithme d'Euclide pour le calcul du plus grand commun diviseur de 2 nombres :

```
def pgcd(a,b):  
    while b != 0:  
        a, b = b, a%b  
    return a
```

Exemple :

```
In [1]: pgcd(12,18)  
Out[1]: 6
```

Le plus grand diviseur commun à 12 et 18 est 6.

Sortie anticipée d'une boucle : break

- Au sein d'une boucle (for ou while), l'instruction break provoque la sortie de la boucle; le programme se poursuit après la boucle.
- C'est très pratique pour écrire plus simplement certaines boucles.

Exemple 1 : Demander à l'utilisateur de répondre par oui ou par non, tant que la réponse donnée n'est ni oui ni non.

Méthode 1 :

```
reponse = ""
while reponse != "oui" and reponse != "non":
    reponse = input("Répondre par 'oui' ou 'non' ")
```

Méthode 2 : avec l'instruction break :

```
while True:    # Boucle perpétuelle
    reponse = input("Répondre par 'oui' ou 'non' ")
    if reponse == "oui" or reponse == "non":
        break    # Fin de boucle
```

Sortie anticipée d'une boucle : break

- Au sein d'une boucle (for ou while), l'instruction break provoque la sortie de la boucle; le programme se poursuit après la boucle.
- C'est très pratique pour écrire plus simplement certaines boucles.

Exemple 2 : L'utilisateur dispose de 6 possibilités pour découvrir un nombre mystère.

Méthode 1 : Avec une boucle while

```
mystere = randint(1,100)    # Entier 1 ≤ . ≤ 100 tiré au sort
tour = 0
while tour < 6:
    reponse = input("Quel est le nombre mystère ? ")
    if int(reponse) == mystere:
        print("gagné !")
        tour = 6
    else:
        tour += 1
```

Sortie anticipée d'une boucle : break

- Au sein d'une boucle (for ou while), l'instruction break provoque la sortie de la boucle; le programme se poursuit après la boucle.
- C'est très pratique pour écrire plus simplement certaines boucles.

Exemple 2 : L'utilisateur dispose de 6 possibilités pour découvrir un nombre mystère.

Méthode 2 : Avec une boucle for et l'instruction break

```
mystere = randint(1,100)    # Entier 1 ≤ . ≤ 100 tiré au sort
for tour in range(6):
    reponse = input("Quel est le nombre mystère ? ")
    if int(reponse) == mystere:
        print("gagné !")
        break    # Sortie anticipée
```

Branchement multiple if ... elif ... else

L'écriture de tests imbriqués :

```
if (condition1) :  
    Bloc d'instructions 1  
else :  
    if (condition2) :  
        Bloc d'instructions 2  
    else :  
        Bloc d'instructions 3
```

s'écrit à l'aide d'une seule structure de test :

```
if (condition1) :  
    Bloc d'instructions 1  
elif (condition2) :  
    Bloc d'instructions 2  
else :  
    Bloc d'instructions 3
```

elif et else sont optionnels. elif peut être utilisé plusieurs fois.

Branchement multiple if ... elif ... else

- Exemple : fonction prenant en paramètre les coefficients réels a, b, c d'un trinôme $ax^2 + bx + c$, et qui affiche dans la console ses racines :

```
def trinome(a,b,c): # donne les racines de ax^2+bx+c
    D = b**2-4*a*c # Discriminant
    if D > 0:      # Discriminant > 0
        print("2 racines réelles distinctes")
        d = D**0.5
        print((-b-d)/(2*a), (-b+d)/(2*a))
    elif D < 0:   # Discriminant < 0:
        print("2 racines complexes conjuguées")
        d = (-D)**0.5
        print((-b-1j*d)/(2*a), (-b+1j*d)/(2*a))
    else:        # Discriminant = 0:
        print("1 racine réelle")
        print(-b/(2*a))
```

Branchement multiple if ... elif ... else

Exemples :

avec $x^2 - 2x + 1$:

```
In [1]: trinome(1,-2,1)
1 racine réelle
1.0
```

avec $x^2 - 4$:

```
In [2]: trinome(1,0,-4)
2 racines réelles distinctes
-2.0 2.0
```

avec $x^2 + 4$:

```
In [3]: trinome(1,0,4)
2 racines complexes conjuguées
-2j 2j
```

Branchement multiple if ... elif ... else

Autre exemple : module et argument d'un nombre complexe.

```
from math import acos

def formeExponentielle(z):
    Z2 = z*conjugue(z)      #  $|z|^2 = z\bar{z}$ 
    module = Z2.real ** 0.5 #  $|z| = \sqrt{z\bar{z}}$ 
    if module == 0:         # Cas  $|z| = 0$ 
        return module
    elif z.imag >= 0:      # Cas  $\arg(z) \in [0, \pi]$ 
        z1 = z/module
        argument = acos(z1.real)
    else:                  # Cas  $\arg(z) \in ]-\pi, 0[$ 
        z1 = z/module
        argument = -acos(z1.real)
    return module, argument
```

Branchement multiple if ... elif ... else

Exemples :

$$1 + i = \sqrt{2} \cdot e^{i\frac{\pi}{4}}$$

```
In [1]: formeExponentielle(1+1j)
```

```
Out [1]: (1.4142135623730951, 0.7853981633974484)
```

```
In [2]: formeExponentielle(0)
```

```
Out [2]: 0.0
```

$$-i = e^{-i\frac{\pi}{2}}$$

```
In [3]: formeExponentielle(-1j)
```

```
Out [3]: (1.0, -1.5707963267948966)
```