Semaine 1

du 18 au 22 septembre 2023

• Question de cours. Une à montrer parmi :

- Inégalité triangulaire : $\forall (x,y) \in \mathbb{R}^2, \ ||x|-|y|| \leqslant |x+y| \leqslant |x|+|y|,$ avec cas d'égalité.
- Théorème de la limite monotone : soit $(u_n)_n$ une suite réelle croissante ; alors (u_n) a une limite ; elle est finie ssi (u_n) est majorée et dans ce cas $\lim u_n = \sup\{u_n \mid n \in \mathbb{N}\}.$
- Deux suites adjacentes convergent vers la même limite.
- Soient $(u_n), (v_n) \in (\mathbb{R}_+^*)^{\mathbb{N}}$; si à partir d'un certain rang $\frac{u_{n+1}}{u_n} \leqslant \frac{v_{n+1}}{v_n}$, alors $u_n = O(v_n)$.

• Chapitre de révision Nombres réels.

- Valeur absolue; propriétés; inégalité triangulaire.
- Parties majorées, minorées de \mathbb{R} ; bornes supérieure, inférieure, maximum, minimum. Toute partie non vide et majorée (resp. minorée) de \mathbb{R} admet une borne supérieure (resp. inférieure). Caractérisation en ε ; caractérisation séquentielle.
- Partie entière d'un réel x (noté |x| ou E(x)).
- Partie dense de \mathbb{R} .

• Chapitre de révision Suites numériques.

- Suites à valeurs dans K; convergence, divergences.
- Limites et signe dans $\mathbb{R}^{\mathbb{N}}$; théorèmes de limites par majoration, minoration, encadrement (thme des gendarmes).
- Opérations sur les limites; composition des limites; limites usuelles en 0, croissances comparées.
- Théorèmes de convergence : théorème de la limite monotone ; suites adjacentes.
- Relations de comparaison (domination, prépondérance). Équivalence de suites. Équivalents usuels en
 0. Propriété fondamentale et opérations sur les équivalents.
- Suites usuelles : arithmétique, géométrique, arithmético-géométrique, récurrentes linéaires d'ordre 2.
- Suite définies à l'aide d'une relation de récurrence $u_{n+1} = f(u_n)$; étude via l'étude de f.